

Algebraické výrazy

Klíč na s. 88-89

Níže uvedený seznam obsahuje požadavky na konkrétní vědomosti a dovednosti z tematického okruhu Algebraické výrazy, které mohou být ověřovány v rámci společné části maturitní zkoušky z matematiky.

Žák dovede:

2.1 Algebraické výrazy

- určit hodnotu výrazu;
- určit nulový bod výrazu;
- určit definiční obor výrazu;
- sestavit výraz, interpretovat výraz;
- modelovat reálné situace užitím výrazů.

2.2 Mnohočleny

- užití pojmy člen, koeficient, stupeň mnohočlenů;
- provádět operace s mnohočleny, provádět umocnění dvojičlen pomocí vzorců;
- rozložit mnohočlen na součin vytykáním a užitím vzorců.

2.3 Lomené výrazy

- provádět operace s lomenými výrazy;
- určit definiční obor lomeného výrazu.

2.4 Výrazy s mocninami a odmocninami

- provádět operace s výrazy obsahujícími mocniny a odmocniny;
- určit definiční obor výrazu s mocninami a odmocninami.

(Zdroj: <http://www.msmt.cz/vzdelavani/stredni-vzdelavani/katalogy-pozadavku-zkousek-spolocene-casti-maturitni-zkoušky-1-upraveno>)

Více informací potřebných k řešení úloh v rámci tematického celku Algebraické výrazy najdete v těchto publikacích nakladatelství Didaktis:

- Odmaturuj z matematiky 1 (kapitoly 6-8)
- Odmaturuj z matematiky 3 (kapitoly 6-8)
- Matematika pro střední školy – 2. díl: Výrazy, rovnice a nerovnice

Úloha 01 Rozšířením výrazu $\frac{3z^2-1}{2z^5}$ dostáváme zlomek, jehož jmenovatelem je výraz $50 \cdot 4^z$.

Vyjádřete celým číslem čitatele rozšířeného zlomku.

Úloha 02 Přiradte ke každému pojmu (1, -3, i) týkajícímu se mnohočlenů $M(z) = 5z^4 - 4z^3 + 2z$ odpovídající číselnou hodnotu (A)–(E).

1. stupeň mnohočlenů $M(z)$
2. koeficient u lineárního členu mnohočlenů $M(z)$
3. hodnota mnohočlenů $M(z)$ pro $z = 1$

A) 1 B) 2 C) 3 D) 4 E) 5

Úloha 03 Je dán mnohočlen $M(x) = x^3 + 5x^2 + 2 \cdot (x^2 + x - 20)$.

- Rozložte kvadratický trojčlen $x^2 + x - 20$ na součin.
- Upravte mnohočlen $M(x)$ na součin tří dvojičlenů.

Úloha 04 Jakou hodnotu má výraz $\frac{(\pi + a)^2}{\pi^2 - a^2}$ pro $a = \frac{\pi}{2}$?

A) $-\pi$ B) $-\frac{1}{2}$ C) $\frac{5}{3}$ D) 3 E) $\frac{3\pi^2}{4}$

Úloha 05 Rozhodněte o každém z následujících tvrzení (1.–4.), zda je pravdivé (ANO), či nikoli (NE).

- Výraz $(b + 1) \cdot (b^2 - b + 1)$ může vyjadřovat součet objemu krychle s délkou hrany b a objemu jednotkové krychle (krychle s délkou hrany 1).
- Výraz $(c + 1) \cdot (c - 1)$ může vyjadřovat obsah obrazce, který vznikl odříznutím jednotkového čtverce (čtverec s délkou strany 1) ze čtverce s délkou strany c .
- Pro libovolnou délku $d > 1$ má obdélník s délkami stran $(d + 1)$ a $(d - 1)$ stejný plošný obsah jako čtverec s délkou strany d .
- Povrch krychle s délkou hrany $(e + 1)$ může být vyjádřen výrazem $6e^2 + 6$.

ANO NE
ANO NE
ANO NE
ANO NE

Úloha 06 Které z následujících slovních vyjádření je ekvivalentní výrazu $(x - y) \cdot (x + y)$ s reálnými proměnnými x a y ?

- A) součin rozdílu reálných čísel x a y
- B) součet a rozdílu reálných čísel x a y
- C) rozdílu součinu a součtu reálných čísel x a y
- D) rozdílu druhých mocnin reálných čísel x a y
- E) druhá mocnina rozdílu reálných čísel x a y

Úloha 07 Pro různá reálná čísla x, y platí $x^2 - y^2 = 0$, $(y - x)^2$, který z následujících výrazů je ekvivalentní s výrazem 0 ?

- A) $\frac{-1}{2xy}$
- B) $\frac{x+y}{x-y}$
- C) $\frac{x+y}{y-x}$
- D) $\frac{1}{y-x}$
- E) $x+y$

Úloha 08 Je dán výraz $V(x) = \frac{x^3-1}{(x-1)^3} \cdot \frac{x^2+x+1}{x^2+2x+1}$.

- a) Zjednodušte daný výraz a uveďte podmínky, pro něž má výraz smysl.
- b) Vypočítejte hodnotu výrazu $V(0)$.
- c) Určete nulové body výrazu.
- d) Určete hodnotu výrazu pro $a = -0, \bar{1}$.

Úloha 09 Je dán výraz $V(a) = \frac{(a-2) \cdot a^2 - a + 2}{a-1}$.

- a) Upravte výraz na tvar trojčlenu a jeho členy seřadte sestupně podle stupně jednotlivých členů.
- b) Určete definiční obor výrazu.
- c) Určete nulové body výrazu.
- d) Určete hodnotu výrazu pro $a = -0, \bar{1}$.

Úloha 10 Jsou dány dvočleny $A = 8y^3 - 27$ a $B = 2y - 3$, kde $y \in \mathbb{R} - \{1, 5\}$. Pro zadané dvočleny proveďte požadované operace. Výsledky upravte a zapíšte ve tvaru mnohočlenu (bez užití závorek).

- a) rozdílu $A - B$
- b) součin zadaných mnohočlenů
- c) podíl $A : B$

Úloha 11 Jsou dány výrazy $P = \frac{a+b}{a} - \frac{2b}{a+b}$ a $Q = \frac{a^2+b^2}{a}$.

Pro přípustné hodnoty proměnných a, b vyjádřete výraz $\frac{P}{Q}$ v co nejjednodušším tvaru.

Úloha 12 Pro obsah S trojúhelníku s délkami stran a, b, c platí Heronův vzorec $S = \sqrt{s \cdot (s-a) \cdot (s-b) \cdot (s-c)}$, kde $s = 0,5 \cdot (a+b+c)$. Které z následujících vyjádření obsahu S je zjednodušením Heronova vzorce pro rovnostranný trojúhelník se stranou délky z ?

- A) $S = 1,5z$
- B) $S = \frac{\sqrt{3}z^2}{4}$
- C) $S = \frac{\sqrt{3}z}{2}$
- D) $S = \frac{3z^2}{4}$
- E) jiné vyjádření

Úloha 13 Elektrotechnická součástka je vytvořena zapojením 4 stejných rezistorů s odporem R podle schématu vpravo.

Výsledný odpor celé součástky lze určit podle vzorce:

$$X = \frac{1}{\frac{1}{\frac{1}{1} + \frac{1}{R}} + \frac{1}{R}}$$

- a) Zjednodušte vzorec pro výpočet výsledného odporu X při zapojení 4 stejných rezistorů podle uvedeného schématu.
- b) Určete hodnotu výsledného odporu součástky za předpokladu, že pro její sestavení byly použity rezistory s odporem $R = 10 \Omega$.

Úloha 14 Zjednodušte daný výraz pro každé $u \in \mathbb{R}$ a zapíšte jej jako mocninu celého čísla.

$$\frac{2^{u+1} \cdot 3^{u+1} - 6^u}{5 \cdot 6^{u-1}}$$

Úloha 15 Zjednodušte daný výraz a zapíšte jej jako mocninu celého čísla.

$$\frac{2^8 \cdot 5^{52} + 2^5 \cdot 5^5 - 2^5 \cdot 5^0}{2 \cdot 015^2 - 15^2}$$

Úloha 16 Zjednodušte daný výraz pro každé $n \in \mathbb{N}$.

$$\frac{(2n)^2 - \sqrt{(5n)^2 - (4n)^2}}{(n+2) \cdot (n-2) + 4}$$

Úloha 17 Je dán výraz $\frac{(\sqrt{x} \cdot y)^4}{x^{-1} \cdot y^4}$ s reálnými proměnnými x a y .

- a) Určete definiční obor výrazu.
- b) Zjednodušte výraz.

Úloha 18 Pro $n \in \mathbb{N}$ přiřaďte ke každému výrazu (1.-3.) jeho ekvivalentní vyjádření (A)-E).

1. $(3\sqrt{80n} - \sqrt{500n})^2$

2. $\sqrt{8n} - \frac{2n}{\sqrt{2n}}$

3. $\frac{260\sqrt{n^3} - 2\sqrt{400n^2}}{\sqrt{n}}$

- A) $-260n$
- B) $\sqrt{2n}$
- C) $2\sqrt{n}$
- D) $20n$
- E) $220n$

Úloha 19 Které z následujících vyjádření je pro reálná čísla $r \geq 0 \wedge s \geq 0$ ekvivalentní výrazu $(\sqrt{r} + \sqrt{s})^2 - 2\sqrt{rs}$?

- A) $(\sqrt{r} - \sqrt{s})^2$
- B) $r - s$
- C) $r + s$
- D) $r + s - 2\sqrt{rs}$
- E) $2\sqrt{rs}$

Úloha 20 Rozhodněte o každém z následujících tvrzení (1.-4.), zda je pravdivé (ANO), či nikoli (NE).

- 1. Dva algebraické výrazy jsou si rovny, pokud mají stejný definiční obor, na kterém nabývají pro stejné hodnoty proměnných stejných hodnot. ANO NE
- 2. Pro všechna nenulová reálná čísla x, y platí $\sqrt{\frac{x}{y}} = \frac{\sqrt{x}}{\sqrt{y}}$. ANO NE
- 3. Pro každé záporné reálné číslo y je výraz $\sqrt{\frac{x-y}{x^2-y^2}}$ definován právě tehdy, když $x \leq y$. ANO NE
- 4. Hodnota výrazu $\sqrt{\frac{x-y}{x^2-y^2}}$ je pro všechny přípustné hodnoty proměnných x a y nenulová. ANO NE

Úloha 21 Je dán výraz $V(x) = \sqrt{(x-1)^2 + (-1-x)^2}$ s reálnou proměnnou x .

- a) Určete definiční obor výrazu $V(x)$.
- b) Vypočítejte hodnotu výrazu $V(x)$, vite-li, že $x^2 = 7$.

Úloha 22 Určete, pro které hodnoty proměnné u není definován výraz $\sqrt{\frac{3u}{2-u}}$.

- A) $u = 2$
- B) $u \in (-\infty; 0)$
- C) $u \in (0; 2)$
- D) $u \in (2; \infty)$
- E) $u \in (-\infty; 0) \cup (2; \infty)$

Úloha 23 Maturanti se domluví, že pojedou o prázdninách na společný výlet. Pronajali si autobus za předem domluvenou částku. V autobusu je m míst. Za předpokladu, že by byl autobus plně obsazen, by každý maturant zaplatil za cestu 300 Kč. Nakonec však zůstalo n míst volných.

- a) V závislosti na veličinách m, n vyjádřete, o kolik Kč zaplatil více každý maturant, který se zúčastnil výletu.
- b) Vyjádřete pomocí veličin m, n , kolik procent míst bylo v autobusu obsazeno.
- c) Určete procento obsazených míst v autobusu pro hodnoty $m = 50$ a $n = 5$.

Úloha 24 Měsíční základ pro výpočet zálohy na daň z příjmů fyzických osob (tzv. superhrubá mzda) je součtem hrubé mzdy pracovníka, pojistného na sociální zabezpečení a povinného pojistného na všeobecné zdravotní pojištění. Výše pojistného na sociální zabezpečení činí 25 % z hrubé mzdy pracovníka. Povinné pojistné na všeobecné zdravotní pojištění je ve výši 9 % z hrubé mzdy pracovníka.

Napište obecný vzorec pro výpočet superhrubé mzdy m , jestliže výše hrubé mzdy pracovníka je h , pojistné na sociální pojištění činí s % a povinné pojistné na všeobecné zdravotní pojištění je ve výši z %.

2. Algebraické výrazy

Úloha 01

200
Protože $50 \cdot 4^2 = 25 \cdot 2^5$, byl zlomek rozšířen číslem 25.

Úloha 02

1. D)
 2. B)
 3. C)
- Lineární člen má v exponentu proměnné hodnotu 1. Lineárním členem je v našem případě člen $2z$, jehož koeficient má hodnotu 2.

Hodnotu 1 dosadíme do zadaného mnohočlenu za proměnnou x a vyššími hodnotou výrazu s příslušným x pořadí matematických operací.

$$M(1) = 5 \cdot 1^3 - 4 \cdot 1^2 + 2 \cdot 1 - 3$$

Úloha 03

- a) $(x + 5) \cdot (x - 4)$
 - b) $(x + 5) \cdot (x + 4) \cdot (x - 2)$
- Využijeme výsledek rozkladu kvadratického trojčlenu z úlohy 03 a). Z prvních dvou členů vytkneme x a následně z obou členů vytkneme výraz $(x + 5)$. Získaný kvadratický trojčlen opět rozložíme s využitím Viětových vztahů.

Úloha 04

- D)
- Daný výraz je výhodně nejprve s využitím vzorců upravit na tvar $\frac{\pi + a}{\pi - a}$. Poté za proměnnou a dosadíme hodnotu $\frac{\pi}{2}$ a vyššími hodnotou výrazu.

Úloha 05

1. ANO
 2. ANO
- Po úpravě získáme výraz $b^3 + 1$, kde b^3 může vyjadřovat objem krychle s délkou hrany b a $1 = 1^3$ může vyjadřovat objem jednotkové krychle.
2. ANO
- Po úpravě získáme výraz $z^2 - 1$, kde z^2 může vyjadřovat obsah čtverce s délkou strany z a $1 = 1^2$ může vyjadřovat obsah jednotkového čtverce, který jíme odstránili.

3. NE
 4. NE
- Obsah daného obdélníku je $(d+1) \cdot (d-1) = d^2 - 1$. Obsah čtverce s délkou strany d je roven d^2 .

6. $(e+1)^2 = e^2 + 12e + 6 = 6e^2 + 6$.

Úloha 06

- D)
- Daný výraz lze upravit na tvar $x^2 - y^2$.

Úloha 07

- B)
- Výraz Θ vyjádříme ve tvaru $\Theta = \frac{x^2 - y^2}{(y-x)}$. Výraz poté upravíme pomocí vzorců.

Úloha 08

$$a) V(x) = \frac{(x+1)^2}{(x-1)^2}, \text{ Příklad: } V(x) = \left(\frac{x+1}{x-1} \right)^2; x = -1$$

Dělení zlomkem převedeme na násobení převráceným zlomkem. Následně upravíme čitatele obou zlomků pomocí vzorců a provedeme krácení zlomků. Stanovíme podmínky pro jmenovatele všech zlomků (výraz ve jmenovateli musí být různý od nuly).

- B) 1
 - c) Nulové body výrazu neexistují.
- Rovnice $V(x) = 0$ nemá řešení pro žádné x z definičního oboru výrazu.

Úloha 09

- a) $a^2 - a - 2$
 - b) $a = 1$, příp. $D = (-\infty; 1) \cup (1; \infty)$ příp. $D = \mathbb{R} - \{1\}$
 - c) $a = -1 \vee a = 2$
 - d) $-\frac{15z}{81}$, příp. $-\frac{17z}{81}$
- Čitatele zlomku upravíme pomocí postupného vytkání. Nejprve z posledních dvou členů vytkneme číslo (-1) a poté z obou členů vytkneme výraz $(a - 2)$.

Výraz ve jmenovateli musí být různý od nuly.

Řešme rovnici $V(a) = 0$, tj. $(a - 2) \cdot (a + 1) = 0$.

Dopraveného tvaru výrazu z úlohy a) dosadíme $a = -0, \bar{1} = -\frac{1}{9}$ a následně výraz upravíme na společného jmenovatele.

Úloha 10

- a) $8y^3 - 2y - 24$
 - b) $16y^3 - 24y^2 - 54y + 81$
 - c) $4y^2 + 6y + 9$
- Provedeme dělení mnohočlenu mnohočlenem, příp. využijeme rozklad mnohočlenu A pomocí vzorce $(8y^3 - 27) = (2y - 3) \cdot (4y^2 + 6y + 9)$.

Úloha 11

Výraz P můžeme nejprve upravit pomocí převodu na společného jmenovatele na tvar $\frac{a^2 + b^2}{a \cdot (a + b)}$. Podíl výrazů $\frac{P}{Q}$ zjednodušíme pomocí známých úprav složitého zlomku.

Úloha 12

Pro rovnostřanný trojúhelník s délkou strany z platí $s = \frac{3}{2}z$. Dosadíme toto vyjádření do Heronova vzorce, čímž získáme výraz $S = \sqrt{\frac{3}{2}z \cdot \left(\frac{3}{2}z - z\right)}$.

Ten dále upravíme a v závěru částecně odmocníme.

Úloha 13

- a) $X = \frac{2R}{5}$
 - b) $X = 6 \Omega$
- Daný výraz postupně upravujeme převodem zlomků na společného jmenovatele a úpravou složitého zlomku.
- Do upraveného vyjádření výstředního odporu X z úlohy 13 a) dosadíme $R = 10 \Omega$.

Úloha 14

Výrazy 2^{n+1} a 3^{n+1} upravíme podle vzorce $a^{n+1} = a^n \cdot a$. Po úpravě v čitateli vytkneme výraz 6^n a provedeme krácení zlomku a úpravu s využitím vzorce pro podíl mocnin se stejným základem.

Úloha 15

V čitateli vytkneme výraz $2^5 \cdot 5^6$, jmenovatele zlomku upravíme pomocí vzorce $A^2 - B^2 = (A + B) \cdot (A - B)$ na součin $2030 \cdot 2000$ a následně provedeme krácení zlomku.

Úloha 16

Při úpravě výrazu využijeme vzorec pro umocnění součinnu $(a \cdot b)^n = a^n \cdot b^n$; umocnění mocniny $(a^x)^y = a^{x \cdot y}$. Vzhledem k tomu, že výraz je definován pro přirozená n , platí $\sqrt[n]{9n^4} = \sqrt[3n]{3n^4} = 3n^{\frac{4}{3n}}$.

Úloha 17

- a) $x > 0 \wedge y = 0$, příp. $x \in (0; \infty) \wedge y \in (-\infty; 0) \cup (0; \infty)$
 - b) x^2
- Podmínky kládeme na výraz ve jmenovateli (jmenovatel zlomku se nesmí rovnat nule) a odmocninou nezadání pod odmocninou (výraz v odmocnině musí být nezáporný, tj. větší nebo roven 0).

Výraz s odmocninami můžeme převést na tvar mocniny s racionálními exponentem a dále výraz upravíme pomocí vzorců pro počítání s mocninami.

Úloha 18

- D)
 2. B)
 3. E)
- Výraz v závorce lze částecně odmocnit na tvar $\sqrt{2 \cdot 5n}$ a ten následně umocnit na druhou. Při řešení je možné postupovat i podle vzorce $(a - b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$.
- Provedeme úpravu na společného jmenovatele a následně zlomek usmákneme (odstraníme odmocninu ze jmenovatele zlomku jeho rozšířením).

Úloha 19

Výraz v čitateli zlomku částecně odmocníme a provedeme krácení zlomku. Druhý člen rozložíme odmocniny.

Úloha 20

1. ANO
 2. NE
 3. ANO
- Dvojiteln umocníme podle vzorce $(a + b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$, přičemž pro nezáporná čísla využijeme platnost vztahu $(\sqrt{a})^2 = a$.

Úloha 21

- a) $D = \mathbb{R}$
 - b) 4
- Daný výraz je definován, je-li výraz v odmocnině nezáporný, tj. větší nebo roven 0. Výraz v odmocnině lze upravit na tvar $2 \cdot (x^2 + 1)$, který nabývá kladné hodnoty pro všechna reálná čísla x .

Úloha 22

- a) $300z$
 - b) $\frac{m - d}{m} \cdot 100 \%$
- Daný výraz upravíme na tvar $\sqrt{2 \cdot (x^2 + 1)}$ a dosadíme $x^2 = 7$.
- Výraz není definován, pokud se jmenovatel zlomku rovná nule nebo je výraz v odmocnině záporný.

Úloha 23

Následní ceny zájezdů pro jednoho maturationa odpovídá rozdílu nové a původní ceny zájezdu pro jednu osobu, tj. $\frac{300m}{m-n} - 300$. Výraz převedeme na společného jmenovatele a upravíme.

Procento obsazených míst v autobusu odpovídá podíl obsazených míst a celkové počtu míst v autobusu, přičemž výšednou hodnotou vynásobíme 100 %. Úlohu lze rovněž řešit trojčlenkou. Procento obsazených míst označíme x .

- a) 90%
- Do vyjádření z úlohy 23 b) dosadíme zadané hodnoty $m = 50$ a $n = 5$.

Úloha 24

$$m = h \cdot \left(1 - \frac{s - z}{100} \right) kč$$

Ze zadání plyne, že vyšší pojistného na sociální zabezpečení lze zaplatit jako $h \cdot \frac{s - z}{100}$ a výše povinného pojistného na všeobecné zdravotní pojištění činí $h \cdot \frac{z}{100}$. Superhrubá mzda m je pak dána jako součet $h + h \cdot \frac{s - z}{100} + h \cdot \frac{z}{100}$.

7 Pro $n \in \mathbb{N}$ zjednodušte:

$$\left(1 - \frac{n}{n+1}\right) \left(n - \frac{1}{n}\right) =$$

8 Pro $x \in \mathbb{R} \setminus \{1\}$ proveďte:

$$2 + \frac{x-1}{1-x} =$$

9 Pro $a > 0$ proveďte a zjednodušte:

$$\frac{a^3 - 2}{2^2} - \left(\frac{2}{a}\right)^{-3} =$$

10 Pro $d \geq 0$ zjednodušte:

$$\sqrt{2d^3} \cdot \sqrt{18d} =$$

11 Vyjádřete jako jedinou mocninu se základem 2:

$$2^{200} \cdot 2^{100} + 8^{100} =$$

12 Pro $m \in \mathbb{Z}$ zjednodušte:

$$4^m (4^{m+1} - 3 \cdot 4^m) =$$

13 Jsou dány dva výrazy $\frac{x}{x+1}$; $\frac{-1}{x^2+x}$ s proměnnou $x \in \mathbb{R}$.

Rozhodněte o každém z následujících tvrzení (13.1–13.4), zda je pravdivé (ANO), či nikoli (NE).

- 13.1 Pro $x = -1$ má první z obou výrazů smysl. A N
- 13.2 Pro $x = 1$ má druhý z obou výrazů smysl.
- 13.3 Společný jmenovatel obou výrazů může být $x^2 + x$.
- 13.4 Pro kladné hodnoty proměnné x je součet obou výrazů roven $\frac{x-1}{x}$.

2. Algebraické výrazy

1 Vytkněte a rozložte na součín:

$$3y^2 - 12 =$$

2 Proveďte:

$$(3x^2 - 12)^2 =$$

3 Proveďte:

$$3.1 \quad 2a - \frac{2}{4}a - \frac{7}{8}a =$$

$$3.2 \quad 6b \cdot \frac{1}{2}b =$$

$$3.3 \quad (c^3 - c) : (c - 1) =$$

pro $c \neq 1$

4 Pro $x \in \mathbb{R} \setminus \{-0,5\}$ je dán výraz:

$$1 - \frac{x-1}{2x+1}$$

4.1 Vypočítejte hodnotu výrazu pro $x = \frac{1}{2}$.4.2 Vypočítejte, pro kterou hodnotu proměnné x je výraz roven nule.5 Pro $x \in \mathbb{R}$ určete podmínky, pro něž má smysl výraz:

$$1 + \frac{x-3}{3-\frac{x}{2}}$$

6 Pro $c \neq 0$ a $c \neq 1$ proveďte a upravte na co nejjednodušší tvar:

$$\frac{3}{c-1} - \frac{3}{c^2-c} =$$

VÝSLEDKY ÚLOH – Algebraické výrazy

1	$3(y+2)(y-2)$
2	$9x^4 - 72x^2 + 144$
3	3.1. $\frac{5}{8}a$; 3.2. $3b^2$; 3.3. $c \cdot (c+1) = c^2 + c$
4	4.1. $\frac{5}{4}$; 4.2. $x = -2$
5	$x \neq 6$; resp. $x \in \mathbb{R} \setminus \{6\}$
6	$\frac{3}{c}$
7	$\frac{n-1}{n}$
8	1
9	$\frac{a^3}{8}$
10	$6d^2$
11	2^{301}
12	4^{2m}
13	NE, ANO, ANO, ANO
14	D
15	C
16	E



14 Jakých podmínek pro $c \in \mathbb{R}$ má výraz $\frac{c^2-4}{c^2+2c} \cdot \frac{c}{c^2+4}$ smysl?

- A) $c \neq \pm 2$
- B) $c \neq 0$; $c \neq \pm 2$
- C) $c \neq 0$; $c \neq 2$;
- D) $c \neq 0$; $c \neq -2$
- E) za jiných podmínek

15 Jaká je hodnota výrazu $\frac{x^2}{x-1}$ pro $x = \sqrt{3} - 1$?

- A) $5 + \sqrt{3}$
- B) $-0,5 - \sqrt{3}$
- C) -2
- D) $-2,2$
- E) -3

16 Pro které reálné hodnoty proměnné x není definován výraz $\frac{2}{x^2-x+2}$?

- A) pro $x = 0$
- B) pro $x = 1$ a pro $x = -2$
- C) pro $x = -1$ a pro $x = 2$
- D) pro jiné dvě hodnoty
- E) Výraz je definován pro všechna reálná čísla.



2. Algebraické výrazy

- 1 Dělíte $(r^3 - 2r^2 - 9r + 18) : (r - 3)$ a stanovíte, pro která reálná čísla r má dělení smysl.

Řešení: $r^2 + r - 6; r \neq 3$

- 2 Rozhodněte o každém z následujících tvrzení (2.1–2.4), zda je pravdivé (ANO), či nikoli (NE).

- | | A | N |
|---|--------------------------|--------------------------|
| 2.1 Pro každá dvě reálná čísla a, b platí $(a + b)^2 = a^2 + b^2$. | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> |
| 2.2 Pro každé reálné x platí $(-3 - x)^2 = 9 + 6x + x^2$. | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> |
| 2.3 Pro každé reálné $a \neq 1$ platí $1 - a \cdot \frac{1-a}{a-1} = a + 1$. | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> |
| 2.4 Pro každé reálné $c \neq 2$ platí $\frac{2-c^2}{c-2} = 2 + c$. | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> |

Řešení: NE, ANO, ANO, NE

- 3 Je dán výraz:
$$\frac{x^2 + 3x - 10}{x^2 - 4}$$

- 3.1 Určete, pro které hodnoty $x \in \mathbb{R}$ má výraz smysl, a výraz zjednodušte.
3.2 Určete hodnotu výrazu pro $x = 0$.
3.3 Určete hodnoty proměnné $x \in \mathbb{R}$, pro které má výraz hodnotu 0.
3.4 Určete hodnoty proměnné $x \in \mathbb{R}$, pro které má výraz hodnotu 1.

Řešení: 3.1 $\frac{x+5}{x+2}; x \neq \pm 2$

3.2 2,5

3.3 $x = -5$

3.4 Výraz nenabývá hodnoty 1 pro žádnou reálnou hodnotu proměnné x .

- 4 Je dán výraz:

$$\frac{b}{b+2} - \frac{b^2 - 2b}{4 - b^2}$$

Která z úprav včetně podmínek je správná?

- A) $\frac{2b}{b+2}; b \neq -2; b \neq 2$
B) $0; b \neq -2; b \neq 4$
C) $\frac{2b}{b-2}; b \neq -2; b \neq 2$
D) $\frac{b}{b+2}; b \neq -2; b \neq 2$
E) žádná z uvedených

Řešení: A